

Fakultet kemijskog inženjerstva i tehnologije  
Zavod za matematiku

---

MATEMATIKA 2  
1. kolokvij

6. travnja 2013.  
**2. dio, grupa A**

Ime i prezime:

Smjer:

Matični broj:

**Napomena:**

Kolokvij se sastoje od dva dijela koja se pišu po 55 minuta. Od pomagala su dopušteni šestar, kutomjer i ravnalo. Strogo će se sankcionirati svaka uporaba mobilnih uređaja tijekom ispita.

1	2	3	4	5	<b>ukupno</b>

1. Izračunajte

(i)  $\int (x^2 + x)e^{-4x} dx,$  (2 boda)

(ii)  $\int_0^1 \frac{3x^2+3}{x^3+3x} dx.$  (2 boda)

2. (i) Izračunajte  $\int_0^2 (fkit) dt$ . (1 bod)

(ii) Izračunajte  $\int_{-1}^0 x^{2013} dx$ . (1 bod)

(iii) Bez računanja odredite  $\int_{-3.5}^{3.5} x^3 dx$  i **objasnite odgovor**. (1 bod)

(iv) Vrijedi  $f(x) > g(x) > 0$  za  $x \in [a, b]$ ,  $\int_a^b f(x) dx = 5$  i  $\int_a^b g(x) dx = 1$ . Koliko iznosi površina lika omeđenog grafovima funkcija  $f$  i  $g$  te pravcima  $x = a$  i  $x = b$ ? (1 bod)

3. Izračunajte

$$(i) \int \sqrt{\frac{\arcsin x}{1-x^2}} dx, \quad (2 \text{ boda})$$

$$(ii) \int_0^1 \frac{e^x}{\sqrt[4]{e^x - 1}} dx. \quad (2 \text{ boda})$$

4. Izračunajte volumen tijela nastalog rotacijom oko osi Y područja omeđenog krivuljom  $y^2 = 4 - x$  i osi Y. (4 boda)

5. Koristeći integralni račun izračunajte površinu područja omeđenog grafom funkcije  $f(x) = |x - 3| - 6$  i koordinatnim osima. (4 boda)

Fakultet kemijskog inženjerstva i tehnologije  
Zavod za matematiku

---

MATEMATIKA 2  
1. kolokvij

6. travnja 2013.  
**2. dio, grupa B**

Ime i prezime:

Smjer:

Matični broj:

**Napomena:**

Kolokvij se sastoje od dva dijela koja se pišu po 55 minuta. Od pomagala su dopušteni šestar, kutomjer i ravnalo. Strogo će se sankcionirati svaka uporaba mobilnih uređaja tijekom ispita.

1	2	3	4	5	<b>ukupno</b>

1. Koristeći integralni račun izračunajte površinu područja omeđenog grafom funkcije  $f(x) = |x - 4| - 8$  i koordinatnim osima. (4 boda)

2. Izračunajte volumen tijela nastalog rotacijom oko osi Y područja omeđenog krivuljom  $y^2 = 1 - x$  i osi Y. (4 boda)

3. Izračunajte

$$(i) \int \sqrt{\frac{\arcsin x}{1-x^2}} dx, \quad (2 \text{ boda})$$

$$(ii) \int_0^1 \frac{e^x}{\sqrt[5]{e^x - 1}} dx. \quad (2 \text{ boda})$$

4. Izračunajte

$$(i) \int (x^2 - x)e^{-4x} dx, \quad (2 \text{ boda})$$

$$(ii) \int_0^1 \frac{3x^2 + 5}{x^3 + 5x} dx. \quad (2 \text{ boda})$$

5. (i) Izračunajte  $\int_0^1 (fkit) dt$ . (1 bod)

(ii) Izračunajte  $\int_{-1}^0 x^{2013} dx$ . (1 bod)

(iii) Bez računanja odredite  $\int_{-2.1}^{2.1} x^3 dx$  i **objasnite odgovor**. (1 bod)

(iv) Vrijedi  $f(x) > g(x) > 0$  za  $x \in [a, b]$ ,  $\int_a^b f(x) dx = 6$  i  $\int_a^b g(x) dx = 5$ . Koliko iznosi površina lika omeđenog grafovima funkcija  $f$  i  $g$  te pravcima  $x = a$  i  $x = b$ ? (1 bod)

Fakultet kemijskog inženjerstva i tehnologije  
Zavod za matematiku

---

MATEMATIKA 2  
1. kolokvij

6. travnja 2013.  
**2. dio, grupa C**

Ime i prezime:

Smjer:

Matični broj:

**Napomena:**

Kolokvij se sastoje od dva dijela koja se pišu po 55 minuta. Od pomagala su dopušteni šestar, kutomjer i ravnalo. Strogo će se sankcionirati svaka uporaba mobilnih uređaja tijekom ispita.

1	2	3	4	5	<b>ukupno</b>

1. Izračunajte

$$(i) \int \sqrt{\frac{\arcsin x}{1-x^2}} dx, \quad (2 \text{ boda})$$

$$(ii) \int_0^1 \frac{e^x}{\sqrt[3]{e^x - 1}} dx. \quad (2 \text{ boda})$$

2. (i) Izračunajte  $\int_{-1}^0 (fkit)dt$ . (1 bod)

(ii) Izračunajte  $\int_0^1 x^{2013}dx$ . (1 bod)

(iii) Bez računanja odredite  $\int_{-1.5}^{1.5} x^3 dx$  i **objasnite odgovor**. (1 bod)

(iv) Vrijedi  $f(x) > g(x) > 0$  za  $x \in [a, b]$ ,  $\int_a^b f(x)dx = 10$  i  $\int_a^b g(x)dx = 2$ . Koliko iznosi površina lika omeđenog grafovima funkcija  $f$  i  $g$  te pravcima  $x = a$  i  $x = b$ ? (1 bod)

3. Koristeći integralni račun izračunajte površinu područja omeđenog grafom funkcije  $f(x) = |x - 2| - 4$  i koordinatnim osima. (4 boda)

4. Izračunajte volumen tijela nastalog rotacijom oko osi Y područja omeđenog krivuljom  $y^2 = 9 - x$  i osi Y. (4 boda)

5. Izračunajte

(i)  $\int (x^2 + x)e^{-3x} dx,$  (2 boda)

(ii)  $\int_0^1 \frac{3x^2+4}{x^3+4x} dx.$  (2 boda)